Stationärer Betrieb von Stromrichtern am Drehstromnetz

IEEE - Power and Energy Student Summit (PESS) 2017 Technical Lecture

<u>gerhard.herold@fau.de</u> IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Raumzeiger-Ersatzschaltung & Bezugsgrößen



$$\underline{U}_{p} \bigvee_{c} Z_{h} \underline{I} \bigvee_{d} Z_{T} \underline{i} \bigvee_{v} U_{v}$$

$$Z = Z_{h} + Z_{T} = R + X \frac{d}{dwt}$$

Die Leerlaufspannungen des Drehstromsystems seien kosinusförmig und symmetrisch. Der Leerlaufspannungs-Raumzeiger besteht dann nur aus der Mitkomponente.

$$\underbrace{\underline{U}_{p} = \hat{\underline{U}}_{p(1)} e^{jwt} = \hat{U}_{p(1)} e^{jg} e^{jwt}}_{\text{Bezugsspannung}} \underbrace{U_{bez} = \hat{U}_{p(1)}}_{\text{bez}} = \hat{U}_{p(1)} \underbrace{\underline{u}_{p} = e^{jg} e^{jwt}}_{\text{Bezugsstrom: dreipoliger Kurzschlußwechselstrom an den drehstromseitigen Stromrichterklemmen.}} I_{bez} = \hat{I}_{k}^{"} = \frac{\hat{U}_{p(1)}}{|\underline{Z}|} = \frac{\hat{U}_{p(1)}}{|R+jX|} = \frac{U_{bez}}{Z_{bez}}$$
Bezugsimpedanz: Kurzschlußimpedanz an den drehstroms. Stromrichterklemmen bei Betriebsfrequenz
Bezugsleistung
$$\int_{bez} S_{bez} = 3U_{p(1)} I_{k}^{"} = \frac{3}{2}U_{bez}I_{bez} = S_{k}^{"}$$
bez. Raumzeiger-Spannungsgleichung
$$\underbrace{\underline{U}_{p} = z \ \underline{i} + \underline{u}_{v}}_{\text{IEEE PESS 2017 -} \underbrace{27. \text{ Juni 2017}}$$

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Gleichstrom-Ersatzschaltung



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Normale Betriebszustände der Drehstrombrücke

Im stationären Betrieb sind die Gleichspannungen & -ströme periodisch mit 6-facher Betriebsfrequenz

$$\bigvee v_d\left(\frac{p}{3}\right) - v_d(0) = 0$$

Während Gleichstromperiode findet im Normalbetrieb netzgeführter Stromrichter ein Wechsel zwischen drei und zwei stromfüh-renden Ventilen statt. Kommutierung → Einfachventilbeteiligung



Periodizität des stationären sechspulsigen Stromrichterbetriebes

Aus der Periodizität der sechspulsigen Gleichgrößen folgt die der sechspulsigen Raumzeiger im ruhenden Koordinatensystem

Im synchron umlaufenden Koordinatensystem sind Gleichgrößen- & Raumzeigerperiodizität gleich.

$$\underline{v}_r = \underline{v} e^{-jwt} \implies \underline{v}_r \left(\frac{p}{3}\right) - \underline{v}_r \left(0\right) = 0$$

Die Raumzeiger aller Drehstrom-Zustandsgrößen sind sechspulsig periodisch.

Der Übergang der Zustandsgrößen von der Kommutierung zur Einfachventilbeteiligung verläuft stetig.

$$v_d(b-0) - v_d(b+0) = 0$$

$$\underline{v}(b-0) - \underline{v}(b+0) = 0$$

Mit den Periodizitäts- & Übergangsbedingungen aller Zustandsgrößen des Stromrichtersystems ist der stationäre Betrieb definiert.

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Sechspulsiger Raumzeiger & seine Periodizität



An einem sechspulsigen Raumzeiger ist die Periode deutlich zu erkennen, sie in seinen Stranggrößen wiederzufinden, braucht es zumindest Übung und Erfahrung.

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Kurzschlußzustand der Drehstrombrücke



Bei Kommutierung in beiden Brückenhälften ist die Drehstrombrücke bei vernachlässigbaren Ventilzweigimpedanzen sowohl drehstrom- als auch gleichstromseitig kurzgeschlossen, so daß kein Leistungsaustausch zwischen beiden Systemen stattfinden kann.

$$\begin{aligned} u_R - u_S &= 0\\ u_R - u_T &= 0 \end{aligned} \implies \underline{u}_v = \frac{2}{3} u_R \left(1 + \underline{a} + \underline{a}^2 \right) = 0\\ u_1 &= 0\\ u_4 &= 0 \end{aligned} \implies u_{dk} = u_1 + u_4 = 0 \end{aligned}$$

Vier leitende Ventile treten auf, wenn die Kommutierungsdauer netzgeführter Stromrichter länger als die Gleichstromperiode ist.



Bei vernachlässigbaren Ventilzweigimpedanzen ist die maximale Kommutierungsdauer der Drehstrombrücke gleich der Gleichstromperiode.

$$b_{6p\max} = \frac{p}{3}$$

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Gleichstrombetrag als $f(\alpha, \Box)$



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Gleichspannungsbetrag als $f(\alpha, \Box)$



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Zeigerdiagramm des stationären Betriebes

 $\operatorname{Im}\left\{\underline{z}\right\}$

 $\Box_{\max} = \frac{1}{3}$

<u>z</u>2

<u>Z</u> max

 $\operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{\Box}\right\}$

<u>Z</u>

 $\underline{z} \sqcap \min$

max

 $\operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{\Box}\right\}$

► $\operatorname{Re}\{\underline{z}\}$

Für den Steuerwinkel ist nur der Bereich von 0 bis □ mit positivem Gleichstrom von Interesse.

Der ideale stationäre Stromrichterbetrieb wird durch zwei komplexe Zahlen definiert:

$$\underline{z}_1 = e^{ja}$$
 und $\underline{z}_2 = e^{j(a+b)}$

Ihre Summe bestimmt die Gleichspannung und den flüchtigen Kommutierungsstrom und ihre Differenz den Gleichstrom.

$$\underline{z}_S = \underline{z}_1 + \underline{z}_2$$
 und $\underline{z}_D = \underline{z}_1 - \underline{z}_2$

Summe & Differenz zweier betragsgleicher komplexer Zahlen sind stets orthogonal.

$$u_{da} = u_{di03} \operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{S}\right\} = \frac{u_{di06}}{2} \operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{S}\right\} \quad \text{und} \quad i_{da} = \frac{\sqrt{3}}{2} \operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{D}\right\} \quad \text{sowie} \quad i_{kf} = -\frac{\sqrt{3}}{4} \operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{S}\right\}$$

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Leerlauflinien des stationären Betriebes



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Ventillinien des stationären Betriebes

Die Richtungen des auf- & des abkommutierenden Stromes müssen infolge der Ventilwirkung gleich sein. In der näheren Umgebung der Leerlauflinien ist das aber nicht der Fall:



Die mit Halbleiterventilen unzugänglichen Steuerwinkelbereiche liegen für r = 0 symmetrisch zu den Leerlauflinien.



Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Kurzschlußlinie des stationären Betriebes



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Gleichstromverlauf mit charakteristischen Linien



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Gleichspannungsverlauf mit charakter. Linien



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Kipplinien des stationären Betriebes



Maximale Drehstrom-Wirkleistung an den Stromrichterklemmen im idealen System (Anpassung):

$$\underline{u}_{v} = \underline{i} = \frac{\sqrt{2}}{2} e^{-j\frac{p}{4}} \implies p_{\perp} = \operatorname{Re}\left\{\underline{u}_{v}\underline{i}^{*}\right\} = \operatorname{Re}\left\{\underline{u}_{p}\underline{i}^{*}\right\} = \frac{1}{2}$$

 \Rightarrow

Die Stromrichter-Kipplinien liegen in der Mitte zwischen den Leerlauflinien & der Kurzschlußlinie

$$a_{\perp G} = -\frac{b}{2} + \frac{p}{4}$$
 und $a_{\perp W} = -\frac{b}{2} + \frac{3p}{4} = a_{\perp G} + \frac{p}{2}$

 $J\underline{z}_{21}$

j<u>z</u>⊓ i

$$\operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{S\perp}\right\} = -\operatorname{Re}\left\{j\underline{z}_{S\perp}\right\} = \frac{\sqrt{2}}{2}\operatorname{Re}\left\{e^{-j\frac{b}{2}} + e^{j\frac{b}{2}}\right\} \quad \text{und} \quad \operatorname{Re}\left\{\underline{z}_{D\perp}\right\} = \operatorname{Re}\left\{j\underline{z}_{D\perp}\right\} = \frac{\sqrt{2}}{2}\operatorname{Re}\left\{je^{-j\frac{b}{2}} - je^{j\frac{b}{2}}\right\}$$

Leistungsverlauf entlang der Kipplinien

$$p_{d\perp} = \pm \frac{2}{3} u_{di03} \frac{\sqrt{3}}{2} \sin b = \pm \frac{3}{2p} \sin b \implies p_{dabs} = \frac{3\sqrt{3}}{4p} \approx 0,4135$$

 $\operatorname{Im}\left\{\underline{z}\right\}$

□₁ +

 $-jz_{2\downarrow}$

 $\underline{z}_{\Box \downarrow}$

 $-\underline{z}_{2\perp}$

jz11

 $\underline{z} \square \bot$

<u>Z</u>21

 \blacktriangleright Re $\{z\}$

Die maximale Stromrichterleistung ist kleiner als die maximale Drehstromleistung.

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Gleichstromleistungsbetrag mit charakter. Linien



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Gleichstromleistung mit charakter. Linien



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Leistungsgrößen des Drehstromnetzes

| Grundschwingungsleistungen an den Stromrichterklemmen Grundschwingungsleistungen | | stungen an der Spannungsquelle |
|--|--|--|
| Wirkleistung | $p = p_d + p_v$ | Wirkleistung |
| Grundschwingungs-Scheinleistung | $\underline{s}_1 = p + jq_1 = \underline{u}_p \underline{i}_1^*$ | Grundschwingungs-Scheinleist |
| Grundschwingungsblindleistung | $q_1 = \operatorname{Im}\left\{\underline{s}_1\right\}$ | Grundschwingungsblindleistun |
| (Verschiebungsblindleistung) | | (Verschiebungsblindleistung) |
| Grundschwingungsleistungsfaktor | $l_1 = \frac{p}{ \underline{s}_1 } = \frac{p}{\sqrt{p^2 + q_1^2}}$ | Grundschwingungsleistungsfak |
| | ngen an den Stromrichterklemmen Wirkleistung Grundschwingungs-Scheinleistung Grundschwingungsblindleistung (Verschiebungsblindleistung) Grundschwingungsleistungsfaktor | ngen an den StromrichterklemmenGrundschwingungsleiWirkleistung $p = p_d + p_v$ Grundschwingungs-Scheinleistung (Verschiebungsblindleistung) $\underline{s}_1 = p + jq_1 = \underline{u}_p \ \underline{i}_1^*$ Grundschwingungsblindleistung (Verschiebungsblindleistung) $q_1 = \operatorname{Im} \{ \underline{s}_1 \}$ Grundschwingungsleistungsfaktor $l_1 = \frac{p}{ \underline{s}_1 } = \frac{p}{\sqrt{p^2 + q_1^2}}$ |

gs-Scheinleistung gsblindleistung indleistung)

gsleistungsfaktor

ebenso am Verknüpfungspunkt h

Totale Scheinleistung, Blindleistung und Leistungsfaktor

$$s = u_e i_e \implies s^2 = p^2 + q^2 \text{ und } l = \frac{p}{s}$$

Die Leistungsgrößen lassen sich für jeden Punkt zwischen Drehstrom-Spannungsquelle & Stromrichter bestimmen.

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Zerlegung der Leistungsgrößen

Die Ursachen für die Blindleistung sind Verschiebung & Verzerrung



$$s^{2} = s_{1}^{2} + d^{2} = \underbrace{p^{2} + q_{1}^{2}}_{s_{1}^{2}} + d^{2} = p^{2} + q^{2}$$

$$s_1^2 = p^2 + q_1^2$$
 und $s^2 = p^2 + q^2$



Wenn die totale Blindleistung als Verschiebungsblindleistung interpretiert wird, erhält man für den Stromrichter ein Lastmodell, das bei Lastflußberechnungen Ergebnisse auf der "sicheren" Seite liefert.

$$P = S \cos j \frac{*}{1}$$
 wie auch $P = S_1 \cos j \frac{*}{1}$ mit $\cos j \frac{*}{1} = l$

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Grundschwingungsblindleistung am Stromrichter



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Grundschwingungsscheinleistung am Stromrichter



Verzerrungsstrom



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Wirkung ohmscher Widerstände im System



Im induktiven System sind Gleichstrom & Gleichspannung orthogonale Funktionen des Steuer- & des Kommutierungswinkels. Durch einen ohmschen Spannungsabfall sind beide voneinander abhängig.

Mit dem Nulldurchgang der Spannung verschieben sich die Kurzschluß- und die Leerlauflinie der Spannung. Die charakteristischen Linien des Stromes ändern sich nicht. Der Mittelwert der Gleichleistung ist negativ.



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Orthogonale Komponenten der Spannung zum Strom

Die Spannung ist in orthogonale Komponenten in Bezug zum Strom zerlegbar. Damit lassen sich auch orthogonale Leistungsgrößen angeben.



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Gleichgrößen im ohmsch-induktiven System

Die charakteristischen Linien des Stromes bleiben in sehr guter Näherung erhalten, die der Spannung verlaufen flacher. Die Kipplinien liegen jeweils in der Mitte zwischen Kurzschluß- & Leerlauflinie. Die Kippleistung ist im Wechselrichterbetrieb höher als im Gleichrichterbetrieb



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Drehstrombrücke mit ohmscher Last

Eine ungesteuerte Brücke arbeitet bei Kurzschluß im absoluten Kurzschlußpunkt. Der Gleichstrom kann durch die Steuerung zwischen $\Box_k \& \pi/2$ vom maximalen Kurzschlußstrom auf null verändert werden.

Der Steuerwinkel ist nicht frei wählbar.



Vergrößert man den Widerstand vom absoluten Kurzschlußpunkt an, dann bleibt der Kommutierungswinkel bis zur Ventillinie zunächst maximal und die Kurzschlußlinie verläuft mit zunehmender Krümmung immer flacher. Ab der Ventillinie bleibt der Steuerwinkel null und der Kommutierungswinkel nimmt ab, aber die vollständige Kurzschlußlinie hat im nicht zugänglichen Bereich ihre Fortsetzung. Sie schmiegt sich mit steigendem Widerstand an die Leerlauflinie und die Linie $\Box=0$ an.

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Betriebs-Kennlinien der DB im Gleichrichterbetrieb

Die Strom-Spannungs- & die Spannungs-Leistungs-Kennlinien sind für ein Stromrichtersystem in der gleichen Weise angebbar wie für ein symmetrisches Drehstromsystem.

Die Stromrichter-Kippleistungen sind kleiner als die Drehstrom-Kippleistungen, d.h., die Übertragungsfähigkeit des Stromrichtersystems ist geringer als die des symmetrischen Drehstromsystems.



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Zeigerdiagramm eines ohmschinduktiven Stromrichtersystems



Die Grundschwingungen der Ströme & Spannungen sind die Mittelwerte ihrer Raumzeiger im synchron umlaufenden Koordinatensystem. Im p-pulsigen Stromrichtersystem sind die Raumzeigerbahnen in der komplexen Ebene mit p-facher Betriebsfrequenz periodisch.



Wollte man die Netzrückwirkungen des Stromrichters am Verzweigungspunkt *h* vollständig kompensieren, benötigte man einen Kompensatorstrom, der den dargestellten Blindstrom zu null ergänzt.

$$\underline{i}_{K} = -\underline{i}_{b} = -\underline{i} + \underline{i}_{w} \quad \text{mit} \quad \underline{i}_{w} = \operatorname{Re}\left\{\underline{i}_{1} e^{-j \operatorname{arg}(\underline{u}_{h1})}\right\}$$

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Schwingungsfähiges Stromrichtersystem

Das einfachste schwingungsfähige Stromrichtersystem ist ein ohmschinduktives mit Reihenresonanzkreis. Es besitzt drei Zustandsgrößen-Raumzeiger.



Allgemeine Zustandsgleichung der Ersatzstromkreise

Im Leerlaufkreis entfällt der Stromrichterstrom als Zustandsgröße, sodaß das System insgesamt elf Zustandsgrößen besitzt, die über die Bedingungen des stationären Betriebes miteinander verknüpft sind.

Mit *ot* als unabhängige Variable sind die Eigenwerte auf die Betriebskreisfrequenz bezogen.

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Verdrosselte Kondensatoranlage

Der Reihenresonanzkreis wird auf eine Frequenz abgestimmt, die im Stromrichtersystem als harmonische Frequenz nicht auftreten kann, um die Kondensatoren vor zu hoher Belastung durch höhere Stromharmonische zu schützen.

 $n_{0K} = 3$

n_{de}

 n_{dk}

2,8861

 n_l

2,8765



IEEE PESS 2017 -Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Saugkreisanlage

Der Reihenresonanzkreis wird auf die niedrigste Frequenz abgestimmt, die im System als harmonische Frequenz auftritt, um zusätzlich zur Verschiebungsblindleistung auch Verzerrung zu kompensieren.

> Resonanzfrequenz des Kondensatorzweiges

> > $n_{0K} = 5$

 \prod

Systemeigenfrequenzen

 n_{de}

4,4960

 n_{dk}

4,4881

 n_l

4,4494



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Resonanz des Stromrichtersystems

Der Reihenresonanzkreis ist so abgestimmt, daß die Systemeigenfrequenzen im Mittel gleich einer harmonischen Frequenz sind

 n_l

4,9435

 n_{dk}

4,9973



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Stromrichterleistung bei Resonanz

Da sich die Eigenfrequenzen der vier Ersatzstromkreise unterscheiden, gibt es keinen eindeutigen Resonanzpunkt und das Resonanzverhalten ist vom Steuer- und Kommutierungswinkel abhängig. Der Arbeitsbereich des Stromrichters mit seinen charakteristischen Linien ist verzerrt.



IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Spannungsumrichter am Drehstromnetz



Auch Stromrichtersysteme mit selbstgeführten Umrichtern können in Resonanz geraten. Trotz der höherfrequenten Verzerrung ist die sechspulsige Grundperiodizität deutlich erkennbar.







IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

27. Juni 2017 Prof. Dr.-Ing. G. Herold

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit

IEEE PESS 2017 – Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg